


```
    return 0;
}
```

分かっているつもりでも、よくやる間違い。

プログラムリスト：丸め誤差

```
#include <stdio.h>

int main(void){
    float x=77777,y=7,y1,z,z1;
    y1=1/y;
    z=x/y;
    z1=x*y1;
    printf("%10.2f %10.2f\n",z,z1);
    if (z!=z1){
        printf("z is not equal to z1.\n");
    }
    printf("Surprising?? \n\n\n\n\n%10.5f %10.5f\n",z,z1);
    return 0;
}
```

これを避けるには、EPSILONという小さな数字を定義しておいて、値の差の絶対値を求めるfabsを使って

とすべき。このときは数学関数であるfabsを使っているので、
gcc -lm test.c
とmath libraryを明示的に呼ぶのを忘れないように。

▼機械精度(Machine epsilon)

上の例では、浮動小数点数で計算した場合に小さい数の差を区別することができなくなるということを示している。これは、CPUに固有の精度で、機械精度(Machine epsilon)と呼ばれる。つまり、小さい数を足したときにその計算機がその差を認識できなくなる限界ということで、以下のようにして求めることができる。

```
> Digits:=7;
e:=evalf(1.0);
w:=evalf(1.0+e);
while (w>1.0) do
    printf("%-15.10e %-15.10e %-15.10e\n",e,w,evalf(w-1.0));
    e:=evalf(e/2.0);
    w:=evalf(1.0+e);
end do;
```

Digits := 7

e := 1.0

w := 2.0

```
1.0000000000e+00 2.0000000000e+00 1.0000000000e+00
5.0000000000e-01 1.5000000000e+00 5.0000000000e-01
2.5000000000e-01 1.2500000000e+00 2.5000000000e-01
1.2500000000e-01 1.1250000000e+00 1.2500000000e-01
6.2500000000e-02 1.0625000000e+00 6.2500000000e-02
3.1250000000e-02 1.0312500000e+00 3.1250000000e-02
1.5625000000e-02 1.0156250000e+00 1.5625000000e-02
7.8125000000e-03 1.0078120000e+00 7.8120000000e-03
3.9062500000e-03 1.0039060000e+00 3.9060000000e-03
1.9531250000e-03 1.0019530000e+00 1.9530000000e-03
9.7656250000e-04 1.0009770000e+00 9.7700000000e-04
4.8828120000e-04 1.0004880000e+00 4.8800000000e-04
2.4414060000e-04 1.0002440000e+00 2.4400000000e-04
1.2207030000e-04 1.0001220000e+00 1.2200000000e-04
6.1035150000e-05 1.0000610000e+00 6.1000000000e-05
3.0517580000e-05 1.0000310000e+00 3.1000000000e-05
1.5258790000e-05 1.0000150000e+00 1.5000000000e-05
7.6293950000e-06 1.0000080000e+00 8.0000000000e-06
3.8146980000e-06 1.0000040000e+00 4.0000000000e-06
1.9073490000e-06 1.0000020000e+00 2.0000000000e-06
9.5367450000e-07 1.0000010000e+00 1.0000000000e-06
```

▼桁落ち、情報落ち、積み残し

桁落ち(Cancellation)

情報落ち(Loss of Information)

積み残し

▼課題

1 10進数4桁の有効桁数をもった計算機になって以下の計算をおこなえ。
(a) 2718-0.5818 (b) 2718+0.5818 (c) 2718/0.5818 (d) 2718*0.5818

2 自分の計算機で機械精度がどの位かを確かめよ.Maple スクリプトを参照して,C あ

るいは Fortran で作成し,適当に調べよ.

3 (2147483647 + 100) を C あるいは Fortran で試せ.

4 2 次方程式

$$ax^2 + bx + c = 0$$

の係数 a, b, c が特殊な値をもつ場合, 通常の解の公式

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

にしたがって計算するとケタ落ちによる間違った答えを出す.その特殊な値とは $b^2 \gg 4ac$ で,

$$\sqrt{b^2 - 4ac} \approx |b|$$

となる場合である.ケタ落ちを防ぐには, $b > 0$ の場合は,

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

ケタ落ちを起こさずに求め,この解を使って,解と係数の関係より

$$x_2 = c / ax_1$$

で求める. $b < 0$ の場合も同様.

5 係数を $a = 1, b = 10000000, c = 1$ としたときに,通常の解の公式を使った解と,上記の解と係数の関係を使った解とを出力するプログラムを作成し,解を比べよ.