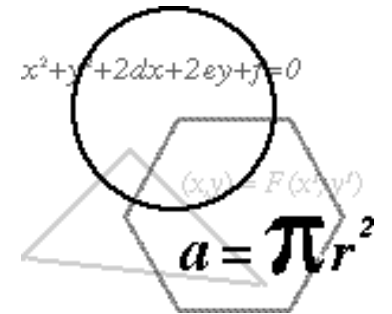


Brahmagupta

数理科学科

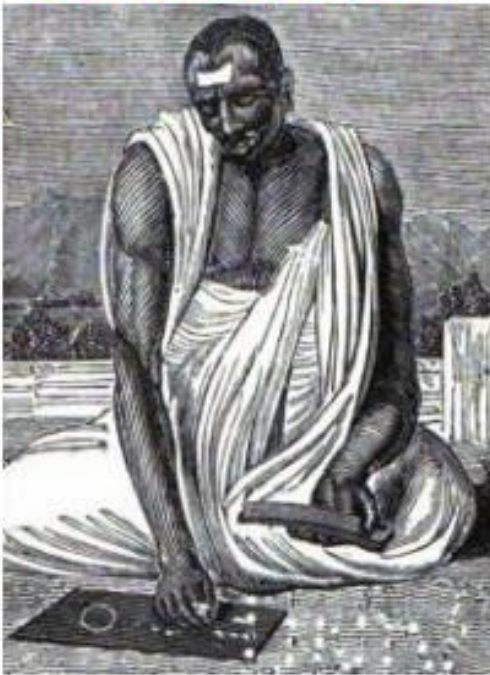
27014684



和泉 駿

ブラーマグプタ

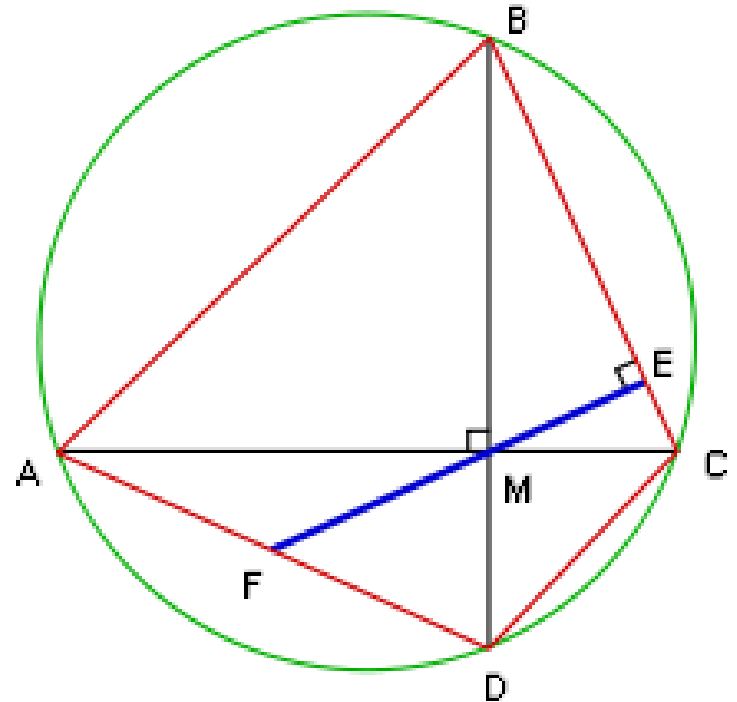
ブラーマグプタ
Brahmagupta



ブラーマグプタ(598年 - 668年)はインドの数学者・天文学者。イスラーム世界やヨーロッパにインド数学や天文学を伝える役割を果たした。

ブラーマグプタの定理

A, B, C, D を円周上の4点で線分 AC と線分 BD が垂直に交わるものとし、線分 AC と線分 BD の交点を M とする。M から線分 BC に向けて下ろした垂線の足を E とし、F を直線 EM と線分 AD の交点を F とするとき、F は線分 AD の中点である



定理の証明

AF = FDであることを示すために、AFとFDが実はともにFMと等しいことを示す。

AF = FMを示す。まず、角FAMと角CBMは、同じ弧による円周角なので、等しい。また、角CBMと角CMEはともに角BCMの余角なので(角CBM(角CME)と角BCMを足すと直角ということ)、等しい。また、角CMEと角FMAも等しい。したがって、三角形AFMは二等辺三角形であり、AFとFMは等しい。

FD = FMの証明も同様である。角FDM、角BCM、角BME、角DMFはすべて等しいので、三角形DFMは二等辺三角形であり、FD = FMである。以上より、定理の主張であるAF = FDが従う。

ブラーマグプタの公式

四角形 ABCD があるとする。辺の長さを $AB = a$, $BC = b$, $CD = c$, $DA = d$ とし、

$$S = \frac{a+b+c+d}{2} \text{ とおく。}$$

四角形 ABCD が円に内接する、すなわち頂点の A, B, C, D が円の円周上にあるとするならば、四角形 ABCD の面積 S は

$$S = \sqrt{(s-a)(s-b)(s-c)(s-d)}$$

と等しい。この等式をブラーマグプタの公式という

0について

バビロニアとマヤ文明では、位取り記数法で空位を示す記号としての0が使われていた。

130年	プトレマイオスが六十進法の表記において、0を導入
628年	ブラーマグプタが0と他の整数との加減乗除を論じ、 $0/0$ を0と定義した以外はすべて現代と同じ定義

$$S = v(s - a)(s - b)(s - c)(s - d)$$

$$\begin{aligned}(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) &= (ac - bd)^2 + (ad + bc)^2 \\ &= (ac + bd)^2 + (ad - bc)^2\end{aligned}$$

<http://ja.wikipedia.org/wiki/>